

1. If 3 is the root of the equation $x^2 - 8x + k = 0$, then what is the value of k ?

(a) -15

(b) 9

(c) 15

(d) 24

2. Two straight lines $x - 3y - 2 = 0$ and $2x - 6y - 6 = 0$

(a) never intersect

(b) intersect at a single point

(c) intersect at infinite number of points

(d) intersect at more than one point (but finite number of points)

3. If $(a, 0), (0, b), (1, 1)$ are collinear, what is $(a + b - ab)$ equal to?

(a) 2

(b) 1

(c) 0

(d) -1

4. If

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 0 & 4 \end{bmatrix} \text{ and } B = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

then which of the following is/are correct?

1. AB is defined
2. BA is defined
3. $AB = BA$

Select the correct answer using the code given below :

Code :

- (a) 1 only
- (b) 2 only
- (c) 1 and 2 only
- (d) 1, 2 and 3

5. Using the digits 1, 2, 3, 4 and 5 only once, how many numbers greater than 41000 can be formed?

- (a) 41
- (b) 48
- (c) 50
- (d) 55

6. If an angle α is divided into two parts A and B such that $A - B = x$ and $\tan A : \tan B = 2 : 1$, then what is $\sin x$ equal to?

- (a) $3\sin\alpha$
- (b) $(2\sin\alpha)/3$
- (c) $(\sin\alpha)/3$
- (d) $2\sin\alpha$

1. यदि समीकरण $x^2 - 8x + k = 0$ का एक मूल 3 है, तो k का मान क्या है?

- (a) -15
- (b) 9
- (c) 15
- (d) 24

2. दो सरल रेखाएँ $x - 3y - 2 = 0$ और $2x - 6y - 6 = 0$

- (a) कभी प्रतिच्छेदी नहीं हैं
- (b) एक बिन्दु पर प्रतिच्छेदी हैं
- (c) अनन्त संख्यक बिन्दुओं पर प्रतिच्छेदी हैं
- (d) एक से अधिक (किन्तु सान्त संख्यक) बिन्दुओं पर प्रतिच्छेदी हैं

3. यदि $(a, 0), (0, b), (1, 1)$ सरेखी हैं, तो $(a + b - ab)$ का मान क्या है?

- (a) 2
- (b) 1
- (c) 0
- (d) -1

4. यदि

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 0 & 4 \end{bmatrix} \text{ और } B = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

तो निम्नलिखित में से कौन-सा/से सही है/हैं?

- 1. AB परिभाषित है
- 2. BA परिभाषित है
- 3. $AB = BA$

नीचे दिये गये कूट का प्रयोग कर सही उत्तर चुनिए :

कूट :

- (a) केवल 1
- (b) केवल 2
- (c) केवल 1 और 2
- (d) 1, 2 और 3

5. अंकों 1, 2, 3, 4 और 5 का केवल एक बार उपयोग करते हुए 41000 से बड़ी कितनी संख्याएँ बनायी जा सकती हैं?

- (a) 41
- (b) 48
- (c) 50
- (d) 55

6. यदि कोई कोण α दो भागों A तथा B में इस प्रकार विभाजित किया जाता है कि $A - B = x$ और $\tan A : \tan B = 2 : 1$, तो $\sin x$ किसके बराबर है?

- (a) $3\sin\alpha$
- (b) $(2\sin\alpha)/3$
- (c) $(\sin\alpha)/3$
- (d) $2\sin\alpha$

7. A man standing on the bank of a river observes that the angle of elevation of the top of a tree just on the opposite bank is 60° . The angle of elevation is 30° from a point at a distance y metres from the bank. What is the height of the tree?

- (a) y metres
- (b) $2y$ metres
- (c) $\frac{\sqrt{3}y}{2}$ metres
- (d) $\frac{y}{2}$ metres

8. If P , Q , R are three non-collinear points, then what is $PQ \cap PR$ equal to?

- (a) Null set
- (b) $\{P\}$
- (c) $\{P, Q, R\}$
- (d) $\{Q, R\}$

9. A, B, C, D and E are coplanar points and three of them lie in a straight line. What is the maximum number of triangles that can be drawn with these points as their vertices?

- (a) 5
- (b) 9
- (c) 10
- (d) 12

10. The vector \vec{a} lies in the plane of vectors \vec{b} and \vec{c} . Which one of the following is correct?

- (a) $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 0$
- (b) $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 1$
- (c) $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = -1$
- (d) $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 3$

11. What is the projection of the vector $\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$ on the vector $4\hat{i} - 4\hat{j} + 7\hat{k}$?

- (a) $\frac{\sqrt{5}}{2}$
- (b) $\frac{19}{9}$
- (c) $\frac{\sqrt{5}}{4}$
- (d) $\frac{11}{3}$

12. Which one of the following statements is correct?

- (a) $\sin^2 30^\circ, \sin^2 45^\circ, \sin^2 60^\circ$ are in GP
- (b) $\cos^2 30^\circ, \cos^2 45^\circ, \cos^2 60^\circ$ are in GP
- (c) $\cot^2 30^\circ, \cot^2 45^\circ, \cot^2 60^\circ$ are in AP
- (d) $\tan^2 30^\circ, \tan^2 45^\circ, \tan^2 60^\circ$ are in GP

7. किसी नदी के किनारे खड़ा एक व्यक्ति देखता है कि ठीक दूसरे किनारे पर के एक पेड़ के सिरे का उन्नयन-कोण 60° है। किनारे से y मीटर की दूरी पर एक बिन्दु से उन्नयन-कोण 30° है। पेड़ की ऊँचाई क्या है?
- (a) y मीटर
 (b) $2y$ मीटर
 (c) $\frac{\sqrt{3}y}{2}$ मीटर
 (d) $\frac{y}{2}$ मीटर
8. यदि P, Q, R तीन असंरेखी बिन्दु हैं, तो $PQ \cap PR$ का मान क्या है?
- (a) रिक्त समुच्चय
 (b) $\{P\}$
 (c) $\{P, Q, R\}$
 (d) $\{Q, R\}$
9. A, B, C, D और E समतलीय बिन्दु हैं और उनमें से तीन एक सरल रेखा पर हैं। इन बिन्दुओं को शीर्ष बनाकर अधिकतम कितने त्रिभुज खोचे जा सकते हैं?
- (a) 5
 (b) 9
 (c) 10
 (d) 12
10. सदिश \vec{a} उस तल में है जिसमें \vec{b} और \vec{c} हैं। निम्नलिखित में से कौन-सा एक सही है?
- (a) $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 0$
 (b) $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 1$
 (c) $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = -1$
 (d) $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 3$
11. सदिश $i - 2j + k$ का, सदिश $4i - 4j + 7k$ पर प्रक्षेप क्या है?
- (a) $\frac{\sqrt{5}}{2}$
 (b) $\frac{19}{9}$
 (c) $\frac{\sqrt{5}}{4}$
 (d) $\frac{11}{3}$
12. निम्नलिखित में से कौन-सा एक कथन सही है?
- (a) $\sin^2 30^\circ, \sin^2 45^\circ, \sin^2 60^\circ$, GP में हैं
 (b) $\cos^2 30^\circ, \cos^2 45^\circ, \cos^2 60^\circ$, GP में हैं
 (c) $\cot^2 30^\circ, \cot^2 45^\circ, \cot^2 60^\circ$, AP में हैं
 (d) $\tan^2 30^\circ, \tan^2 45^\circ, \tan^2 60^\circ$, GP में हैं

- 13.** If sum of squares of the roots of the equation $x^2 + kx - b = 0$ is $2b$, what is k equal to?

(a) 1
(b) b
(c) $-b$
(d) 0

- 14.** If one root of the equation $ax^2 + bx + c = 0$, $a \neq 0$ is reciprocal of the other root, then which one of the following is correct?

(a) $a = c$
(b) $b = c$
(c) $a = -c$
(d) $b = 0$

- 15.** If ω is the imaginary cube root of unity, then what is $(2 - \omega + 2\omega^2)^{27}$ equal to?

(a) $3^{27}\omega$
(b) $-3^{27}\omega^2$
(c) 3^{27}
(d) -3^{27}

- 16.** What is the modulus of

$$\frac{1}{1+3i} - \frac{1}{1-3i}?$$

(a) $\frac{3}{5}$
(b) $\frac{9}{25}$
(c) $\frac{3}{25}$

(d) $\frac{5}{3}$

- 17.** Let M be the set of men and R is a relation 'is son of' defined on M . Then R is

(a) an equivalence relation
(b) a symmetric relation only
(c) a transitive relation only
(d) None of the above

- 18.** What is the locus of the point which is at a distance 8 units to the left of y -axis?

(a) $x = 8$
(b) $y = 8$
(c) $x = -8$
(d) $y = -8$

13. यदि समीकरण $x^2 + kx - b = 0$ के मूलों के वर्गों का योग $2b$ है, तो k का मान क्या है?

(a) 1

(b) b

(c) $-b$

(d) 0

14. यदि समीकरण $ax^2 + bx + c = 0$, $a \neq 0$ का एक मूल दूसरे मूल का व्युत्क्रम है, तो निम्नलिखित में से कौन-सा एक सही है?

(a) $a = c$

(b) $b = c$

(c) $a = -c$

(d) $b = 0$

15. यदि एक का काल्पनिक घनमूल ω है, तो $(2 - \omega + 2\omega^2)^{27}$ का मान क्या है?

(a) $3^{27}\omega$

(b) $-3^{27}\omega^2$

(c) 3^{27}

(d) -3^{27}

16. $\frac{1}{1+3i} - \frac{1}{1-3i}$ का मापांक क्या है?

(a) $\frac{3}{5}$

(b) $\frac{9}{25}$

(c) $\frac{3}{25}$

(d) $\frac{5}{3}$

17. मान लीजिए कि M मनुष्यों का समुच्चय है और R एक सम्बन्ध 'का पुत्र है' M पर परिभाषित है। तब R

(a) एक तुल्यता सम्बन्ध है

(b) केवल एक सममित सम्बन्ध है

(c) केवल एक संक्रामक सम्बन्ध है

(d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

18. y -अक्ष से बाएँ 8 इकाई दूरी पर विद्यमान बिन्दु का बिन्दुपथ क्या है?

(a) $x = 8$

(b) $y = 8$

(c) $x = -8$

(d) $y = -8$

- 19.** The number 10101111 in binary system is represented in decimal system by which one of the following numbers?
- (a) 157
 - (b) 175
 - (c) 571
 - (d) 751
- 20.** There are 4 letters and 4 directed envelopes. These 4 letters are randomly inserted into the 4 envelopes. What is the probability that the letters are inserted into the corresponding envelopes?
- (a) $11/12$
 - (b) $23/24$
 - (c) $1/24$
 - (d) None of the above
- 21.** The average daily income of workers of a factory including that of the owner is ₹ 110. However, if the income of the owner is excluded, the average daily income of the remaining 9 workers is ₹ 76. What is the daily income of the owner?
- (a) ₹ 300
 - (b) ₹ 316
 - (c) ₹ 322
 - (d) ₹ 416
- 22.** If A, B, C are non-empty sets such that $A \cap C = \emptyset$, then what is $(A \times B) \cap (C \times B)$ equal to?
- (a) $A \times C$
 - (b) $A \times B$
 - (c) $B \times C$
 - (d) \emptyset
- 23.** If $A = \{4n+2 \mid n \text{ is a natural number}\}$ and $B = \{3n \mid n \text{ is a natural number}\}$, then what is $(A \cap B)$ equal to?
- (a) $\{12n^2 + 6n \mid n \text{ is a natural number}\}$
 - (b) $\{24n - 12 \mid n \text{ is a natural number}\}$
 - (c) $\{60n + 30 \mid n \text{ is a natural number}\}$
 - (d) $\{12n - 6 \mid n \text{ is a natural number}\}$
- 24.** If the matrix
- $$A = \begin{bmatrix} \alpha & \beta \\ \beta & \alpha \end{bmatrix}$$
- is such that $A^2 = I$, then which one of the following is correct?
- (a) $\alpha = 0, \beta = 1$ or $\alpha = 1, \beta = 0$
 - (b) $\alpha = 0, \beta \neq 1$ or $\alpha \neq 0, \beta = 1$
 - (c) $\alpha = 1, \beta \neq 0$ or $\alpha \neq 1, \beta = 0$
 - (d) $\alpha \neq 0, \beta \neq 0$

19. द्वि-आधारी पद्धति की संख्या 10101111, दशमलव पद्धति की निम्नलिखित संख्याओं में से किस एक के द्वारा निरूपित होती है?

- (a) 157
- (b) 175
- (c) 571
- (d) 751

20. 4 पत्र हैं और 4 निर्देशित लिफाफे हैं। ये 4 पत्र इन 4 लिफाफों में यादृच्छिकतया डाल दिये जाते हैं। इसकी क्या प्रायिकता है कि वे पत्र संगत लिफाफों में डाले गये?

- (a) $11/12$
- (b) $23/24$
- (c) $1/24$
- (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

21. किसी फैक्टरी के कर्मचारियों की औसत आय, मालिक की आय को शामिल करते हुए, रोजाना ₹ 110 है। किन्तु यदि मालिक की आय को न शामिल करे, तो बचे हुए 9 कर्मचारियों की औसत आय रोजाना ₹ 76 है। मालिक की रोजाना आय क्या है?

- (a) ₹ 300
- (b) ₹ 316
- (c) ₹ 322
- (d) ₹ 416

22. यदि अरिक्त समुच्चय A, B, C ऐसे हैं कि $A \cap C = \Phi$, तो $(A \times B) \cap (C \times B)$ का मान क्या है?

- (a) $A \times C$
- (b) $A \times B$
- (c) $B \times C$
- (d) Φ

23. यदि $A = \{4n+2 \mid n \text{ एक धनपूर्ण संख्या है}\}$ और $B = \{3n \mid n \text{ एक धनपूर्ण संख्या है}\}$, तो $(A \cap B)$ किसके बराबर है?

- (a) $\{12n^2 + 6n \mid n \text{ एक धनपूर्ण संख्या है}\}$
- (b) $\{24n - 12 \mid n \text{ एक धनपूर्ण संख्या है}\}$
- (c) $\{60n + 30 \mid n \text{ एक धनपूर्ण संख्या है}\}$
- (d) $\{12n - 6 \mid n \text{ एक धनपूर्ण संख्या है}\}$

24. यदि आव्यूह

$$A = \begin{bmatrix} \alpha & \beta \\ \beta & \alpha \end{bmatrix}$$

ऐसा है कि $A^2 = I$, तो निम्नलिखित में से कौन-सा एक सही है?

- (a) $\alpha = 0, \beta = 1$ अथवा $\alpha = 1, \beta = 0$
- (b) $\alpha = 0, \beta \neq 1$ अथवा $\alpha \neq 0, \beta = 1$
- (c) $\alpha = 1, \beta \neq 0$ अथवा $\alpha \neq 1, \beta = 0$
- (d) $\alpha \neq 0, \beta \neq 0$

- 25.** What is the sum of the focal distances of a point of an ellipse

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 ?$$

- (a) a
- (b) b
- (c) $2a$
- (d) $2b$

- 26.** What is the degree of the following differential equation?

$$\left(\frac{d^3 y}{dx^3} \right)^{\frac{2}{3}} + 4 - 3 \frac{d^2 y}{dx^2} + 5 \frac{dy}{dx} = 0$$

- (a) 1
- (b) 2
- (c) 3
- (d) 4

- 27.** What is the sum of

$$\sqrt{3} + \frac{1}{\sqrt{3}} + \frac{1}{3\sqrt{3}} + \dots ?$$

- (a) $\frac{\sqrt{3}}{2}$
- (b) $\frac{3\sqrt{3}}{2}$
- (c) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$
- (d) $\sqrt{3}$

- 28.** What does the differential equation

$$y \frac{dy}{dx} + x = a$$

- (where a is a constant) represent?
- (a) A set of circles having centre on the y -axis
 - (b) A set of circles having centre on the x -axis
 - (c) A set of ellipses
 - (d) A pair of straight lines

- 29.** If

$$A = \begin{bmatrix} \alpha & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \text{ and } B = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$$

such that $A^2 = B$, then what is the value of α ?

- (a) -1
- (b) 1
- (c) 2
- (d) 4

- 30.** What is the value of n , if $P(15, n-1) : P(16, n-2) = 3 : 4$?

- (a) 10
- (b) 12
- (c) 14
- (d) 15

25. किसी दीर्घवृत्त

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

के एक बिन्दु की नाभीय दूरियों का योग क्या है?

- (a) a
- (b) b
- (c) $2a$
- (d) $2b$

26. अवकल समीकरण

$$\left(\frac{d^3y}{dx^3}\right)^{\frac{2}{3}} + 4 - 3\frac{d^2y}{dx^2} + 5\frac{dy}{dx} = 0$$

का घात क्या है?

- (a) 1
- (b) 2
- (c) 3
- (d) 4

27. $\sqrt{3} + \frac{1}{\sqrt{3}} + \frac{1}{3\sqrt{3}} + \dots$ का योग क्या है?

- (a) $\frac{\sqrt{3}}{2}$
- (b) $\frac{3\sqrt{3}}{2}$
- (c) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$
- (d) $\sqrt{3}$

28. अवकल समीकरण

$$y \frac{dy}{dx} + x = a$$

(जहाँ a एक अचर है) क्या मिस्टरिपिट करता है?

- (a) y -अक्ष पर केन्द्र वाले वृत्तों का एक समुच्चय
- (b) x -अक्ष पर केन्द्र वाले वृत्तों का एक समुच्चय
- (c) दीर्घवृत्तों का एक समुच्चय
- (d) सरल रेखाओं का एक सुम

29. यदि

$$A = \begin{bmatrix} \alpha & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \text{ और } B = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$$

इस प्रकार है कि $A^2 = B$, तो α का मान क्या है?

- (a) -1
- (b) 1
- (c) 2
- (d) 4

30. यदि $P(15, n-1) : P(16, n-2) = 3 : 4$, तो n का मान क्या है?

- (a) 10
- (b) 12
- (c) 14
- (d) 15

31. What is the value of the determinant

$$\begin{vmatrix} x+1 & x+2 & x+4 \\ x+3 & x+5 & x+8 \\ x+7 & x+10 & x+14 \end{vmatrix} ?$$

(a) $x+2$

(b) $x^2 + 2$

(c) 2

(d) -2

32. Consider the following statements in respect of the function

$$f(x) = x^3 - 1, \quad x \in [-1, 1]$$

1. $f(x)$ is increasing in $[-1, 1]$

2. $f(x)$ has no root in $(-1, 1)$

Which of the statements given above is/are correct?

(a) 1 only

(b) 2 only

(c) Both 1 and 2

(d) Neither 1 nor 2

33. The largest value of

$$2x^3 - 3x^2 - 12x + 5$$

for $-2 \leq x \leq 2$ occurs when

(a) $x = -2$

(b) $x = -1$

(c) $x = 2$

(d) $x = 0$

34. What is

$$\int_0^\pi \frac{dx}{1+2\sin^2 x}$$

equal to ?

(a) π

(b) $\frac{\pi}{3}$

(c) $\frac{\pi}{\sqrt{3}}$

(d) $\frac{2\pi}{\sqrt{3}}$

35. If 5 and 7 are the roots of the equation

$$\begin{vmatrix} x & 4 & 5 \\ 7 & x & 7 \\ 5 & 8 & x \end{vmatrix} = 0$$

then what is the third root ?

(a) -12

(b) 9

(c) 13

(d) 14

31. सारणिक

$$\begin{vmatrix} x+1 & x+2 & x+4 \\ x+3 & x+5 & x+8 \\ x+7 & x+10 & x+14 \end{vmatrix}$$

का मान क्या है?

(a) $x+2$

(b) $x^2 + 2$

(c) 2

(d) -2

32. फलन $f(x) = x^3 - 1$, $x \in [-1, 1]$ के विषय में निम्नलिखित कथनों पर विचार कीजिए :

1. $f(x)$, $[-1, 1]$ में वर्धमान है।

2. $f(x)$ का कोई मूल $(-1, 1)$ में नहीं है।

उपर्युक्त कथनों में से कौन-सा/से सही है/हैं?

(a) केवल 1

(b) केवल 2

(c) 1 और 2 दोनों

(d) न तो 1 और न ही 2

33. $-2 \leq x \leq 2$ के लिए $2x^3 - 3x^2 - 12x + 5$ का अधिकतम मान तब होता है, जब

(a) $x = -2$

(b) $x = -1$

(c) $x = 2$

(d) $x = 0$

34. $\int_0^\pi \frac{dx}{1+2\sin^2 x}$ किसके बराबर है?

(a) π

(b) $\frac{\pi}{3}$

(c) $\frac{\pi}{\sqrt{3}}$

(d) $\frac{2\pi}{\sqrt{3}}$

35. यदि समीकरण

$$\begin{vmatrix} x & 4 & 5 \\ 7 & x & 7 \\ 5 & 8 & x \end{vmatrix} = 0$$

के मूल 5 और 7 हैं, तो तीसरा मूल क्या है?

(a) -12

(b) 9

(c) 13

(d) 14

36. In a GP of positive terms, any term is equal to one-third of the sum of next two terms. What is the common ratio of the GP?

(a) $\frac{\sqrt{13} + 1}{2}$

(b) $\frac{\sqrt{13} - 1}{2}$

(c) $\frac{\sqrt{13} + 1}{3}$

(d) $\sqrt{13}$

37. If $(1 + \tan\theta)(1 + \tan\phi) = 2$, then what is $(\theta + \phi)$ equal to?

(a) 30°

(b) 45°

(c) 60°

(d) 90°

38. If $f(x)$ is an even function, then what is

$$\int_0^{\pi} f(\cos x) dx$$

equal to?

(a) 0

(b) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} f(\cos x) dx$

(c) $2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} f(\cos x) dx$

(d) 1

39. What is the value of k for which the system of equations $kx + 2y = 5$ and $3x + y = 1$ has no solution?

(a) 0

(b) 3

(c) 6

(d) 15

40. In how many ways can 6 girls be seated in 2 empty chairs?

(a) 10

(b) 15

(c) 24

(d) 30

41. What is the value of

$$\log_{10}\left(\frac{9}{8}\right) - \log_{10}\left(\frac{27}{32}\right) + \log_{10}\left(\frac{3}{4}\right) ?$$

(a) 3

(b) 2

(c) 1

(d) 0

42. Which term of the series

$$\frac{1}{4}, -\frac{1}{2}, 1, \dots$$

is -128?

(a) 9th

(b) 10th

(c) 11th

(d) 12th

36. धनात्मक पदों की एक GP में कोई भी पद अगले दो पदों के योग का एक-तिहाई है। GP का सार्व अनुपात क्या है?

(a) $\frac{\sqrt{13} + 1}{2}$

(b) $\frac{\sqrt{13} - 1}{2}$

(c) $\frac{\sqrt{13} + 1}{3}$

(d) $\sqrt{13}$

37. यदि $(1 + \tan \theta)(1 + \tan \varphi) = 2$, तो $(\theta + \varphi)$ किसके बराबर है?

(a) 30°

(b) 45°

(c) 60°

(d) 90°

38. यदि $f(x)$ एक सम फलन है, तो

$$\int_0^{\pi} f(\cos x) dx$$

किसके बराबर है?

(a) 0

(b) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} f(\cos x) dx$

(c) $2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} f(\cos x) dx$

(d) 1

39. k का वह मान क्या है, जिसके लिए समीकरण-निकाय $kx + 2y = 5$ तथा $3x + y = 1$ का कोई हल नहीं है?

(a) 0

(b) 3

(c) 6

(d) 15

40. 6 लड़कियों को 2 खाली कुर्सियों पर कितनी तरह से बिठाया जा सकता है?

(a) 10

(b) 15

(c) 24

(d) 30

41. $\log_{10}\left(\frac{9}{8}\right) - \log_{10}\left(\frac{27}{32}\right) + \log_{10}\left(\frac{3}{4}\right)$ का मान क्या है?

(a) 3

(b) 2

(c) 1

(d) 0

42. श्रेणी $\frac{1}{4}, -\frac{1}{2}, 1, \dots$ का कौन-सा पद है?

(a) 9वाँ

(b) 10वाँ

(c) 11वाँ

(d) 12वाँ

- 43.** What is the number of ordered pairs of non-zero positive integers (x, y) such that $x + y \leq 4$?

(a) 4

(b) 5

(c) 6

(d) 8

- 44.** In the binary system of numbers let $a = 00111$ and $b = 01110$, then in decimal system what is b/a equal to?

(a) 1

(b) 2

(c) 4

(d) 5

- 45.** If

$$\frac{1}{b-a} + \frac{1}{b-c} = \frac{1}{a} + \frac{1}{c}$$

then a, b, c are in

(a) AP

(b) GP

(c) HP

(d) None of the above

- 46.** What is the middle term in the expansion of

$$\left(1 - \frac{x}{2}\right)^8$$

$$(a) \frac{35x^4}{8}$$

$$(b) \frac{17x^5}{8}$$

$$(c) \frac{35x^5}{8}$$

(d) None of the above

- 47.** What is the sum of the roots of the equation

$$(2 - \sqrt{3})x^2 - (7 - 4\sqrt{3})x + (2 + \sqrt{3}) = 0 ?$$

$$(a) 2 - \sqrt{3}$$

$$(b) 2 + \sqrt{3}$$

$$(c) 7 - 4\sqrt{3}$$

$$(d) 4$$

- 48.** What is the total number of combinations of n different things taken 1, 2, 3, ..., n at a time?

$$(a) 2^{n+1}$$

$$(b) 2^{2n+1}$$

$$(c) 2^{n-1}$$

$$(d) 2^n - 1$$

43. शून्येतर धनात्मक पूर्णकों के क्रमित युगमों (x, y) की संख्या क्या है ताकि $x + y \leq 4$ हो?

- (a) 4
- (b) 5
- (c) 6
- (d) 8

44. द्वि-आधारी पद्धति की संख्याओं में मान लीजिए कि $a = 00111$ और $b = 01110$, तो दशमलव पद्धति में b/a किसके बराबर है?

- (a) 1
- (b) 2
- (c) 4
- (d) 5

45. यदि

$$\frac{1}{b-a} + \frac{1}{b-c} = \frac{1}{a} + \frac{1}{c}$$

तो a, b, c

- (a) AP में हैं
- (b) GP में हैं
- (c) HP में हैं
- (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

46. $\left(1 - \frac{x}{2}\right)^8$ के विस्तार में मध्य पद क्या है?

- (a) $\frac{35x^4}{8}$
- (b) $\frac{17x^5}{8}$
- (c) $\frac{35x^5}{8}$

(d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

47. समीकरण

$$(2 - \sqrt{3})x^2 - (7 - 4\sqrt{3})x + (2 + \sqrt{3}) = 0$$

के मूलों का योग क्या है?

- (a) $2 - \sqrt{3}$
- (b) $2 + \sqrt{3}$
- (c) $7 - 4\sqrt{3}$
- (d) 4

48. n भिन्न वस्तुओं के 1, 2, 3, ..., n एक बार में लेते हुए संचयों की कुल संख्या क्या है?

- (a) 2^{n+1}
- (b) 2^{2n+1}
- (c) 2^{n-1}
- (d) $2^n - 1$

49. One of the roots of the quadratic equation $ax^2 + bx + c = 0$, $a \neq 0$ is positive and the other root is negative. The condition for this to happen is

- (a) $a > 0, b > 0, c > 0$
- (b) $a > 0, b < 0, c > 0$
- (c) $a < 0, b > 0, c < 0$
- (d) $a < 0, c > 0$

50. If the solution of the differential equation

$$\frac{dy}{dx} = \frac{ax+3}{2y+f}$$

represents a circle, then what is the value of a ?

- (a) 2
- (b) 1
- (c) -2
- (d) -1

51. If A, B, C are in AP and $b:c = \sqrt{3}:\sqrt{2}$, then what is the value of $\sin C$?

- (a) 1
- (b) $\frac{1}{\sqrt{3}}$
- (c) $\sqrt{3}$
- (d) $\frac{1}{\sqrt{2}}$

52. The points with position vectors

$$10\hat{i} + 3\hat{j}, 12\hat{i} - 5\hat{j}, a\hat{i} + 11\hat{j}$$

are collinear, if the value of a is

- (a) -8
- (b) 4
- (c) 8
- (d) 12

53. What is the sine of angle between the vectors $\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$ and $-\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$?

$$(a) \sqrt{\frac{13}{7}}$$

$$(b) \frac{\sqrt{13}}{7}$$

$$(c) \frac{13}{\sqrt{7}}$$

(d) None of the above

54. If

$$\sin\left(\sin^{-1}\frac{1}{5} + \cos^{-1}x\right) = 1$$

then what is x equal to?

- (a) 0
- (b) 1
- (c) $\frac{4}{5}$
- (d) $\frac{1}{5}$

49. व्रांग समीकरण $ax^2 + bx + c = 0$, $a \neq 0$ का एक मूल धनात्मक है और दूसरा ऋणात्मक। ऐसा होने के लिए क्या प्रतिबन्ध है?

- (a) $a > 0, b > 0, c > 0$
- (b) $a > 0, b < 0, c > 0$
- (c) $a < 0, b > 0, c < 0$
- (d) $a < 0, c > 0$

50. यदि अवकल समीकरण

$$\frac{dy}{dx} = \frac{ax+3}{2y+f}$$

का हल एक वृत्त को निरूपित करता है, तो a का मान क्या है?

- (a) 2
- (b) 1
- (c) -2
- (d) -1

51. यदि A, B, C हैं AP में और $b:c = \sqrt{3}:\sqrt{2}$, तो $\sin C$ का मान क्या है?

- (a) 1
- (b) $\frac{1}{\sqrt{3}}$
- (c) $\sqrt{3}$
- (d) $\frac{1}{\sqrt{2}}$

52. स्थिति सदिशों $10\hat{i} + 3\hat{j}, 12\hat{i} - 5\hat{j}, a\hat{i} + 11\hat{j}$ के बिन्दु सरेखी हैं, यदि a का मान हो

- (a) -8
- (b) 4
- (c) 8
- (d) 12

53. सदिशों $\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$ और $-\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$ के बीच के कोण का sine क्या है?

- (a) $\sqrt{\frac{13}{7}}$
- (b) $\frac{\sqrt{13}}{7}$
- (c) $\frac{13}{\sqrt{7}}$
- (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

54. यदि

$$\sin\left(\sin^{-1}\frac{1}{5} + \cos^{-1}x\right) = 1$$

तो x का मान क्या है?

- (a) 0
- (b) 1
- (c) $\frac{4}{5}$
- (d) $\frac{1}{5}$

55. What is

$$\log(a + \sqrt{a^2 + 1}) + \log\left(\frac{1}{a + \sqrt{a^2 + 1}}\right)$$

equal to?

- (a) 1
- (b) 0
- (c) 2
- (d) $\frac{1}{2}$

56. 5 books are to be chosen from a lot of 10 books. If m is the number of ways of choice when one specified book is always included and n is the number of ways of choice when a specified book is always excluded, then which one of the following is correct?

- (a) $m > n$
- (b) $m = n$
- (c) $m = n - 1$
- (d) $m = n - 2$

57. Which one of the following is correct in respect of the function $f(x) = |x| + x^2$?

- (a) $f(x)$ is not continuous at $x = 0$
- (b) $f(x)$ is differentiable at $x = 0$
- (c) $f(x)$ is continuous but not differentiable at $x = 0$
- (d) None of the above

58. What is the condition that one root of the equation $ax^2 + bx + c = 0$, $a \neq 0$ should be double the other?

- (a) $2a^2 = 9bc$
- (b) $2b^2 = 9ac$
- (c) $2c^2 = 9ab$
- (d) None of the above

59. Consider the following with regard to a relation R on a set of real numbers defined by xRy if and only if $3x + 4y = 5$:

- 1. $0 R 1$
- 2. $1 R \frac{1}{2}$
- 3. $\frac{2}{3} R \frac{3}{4}$

Which of the above are correct?

- (a) 1 and 2 only
- (b) 1 and 3 only
- (c) 2 and 3 only
- (d) 1, 2 and 3

60. The function

$$f(x) = k \sin x + \frac{1}{3} \sin 3x$$

has maximum value at $x = \frac{\pi}{3}$. What is the value of k ?

- (a) 3
- (b) $\frac{1}{3}$
- (c) 2
- (d) $\frac{1}{2}$

55. $\log(a + \sqrt{a^2 + 1}) + \log\left(\frac{1}{a + \sqrt{a^2 + 1}}\right)$ का

मान क्या है?

- (a) 1
- (b) 0
- (c) 2
- (d) $\frac{1}{2}$

56. 10 पुस्तकों के ढेर में से 5 पुस्तकों को चुनना है। यदि एक विशेष पुस्तक को सर्वदा चुनने पर चुनाव के तरीकों की संख्या m है और एक विशेष पुस्तक को सर्वदा चुनाव से बाहर रखने पर चुनाव के तरीकों की संख्या n है, तो निम्नलिखित में से कौन-सा एक सही है?

- (a) $m > n$
- (b) $m = n$
- (c) $m = n - 1$
- (d) $m = n - 2$

57. फलन $f(x) = |x| + x^2$ के विषय में निम्नलिखित में से कौन-सा एक सही है?

- (a) $x = 0$ पर $f(x)$ सन्तत नहीं है
- (b) $x = 0$ पर $f(x)$ अवकलनीय है
- (c) $x = 0$ पर $f(x)$ सन्तत है, किन्तु अवकलनीय नहीं है
- (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

58. समीकरण $ax^2 + bx + c = 0$, $a \neq 0$ का एक मूल दूसरे का दुगुना हो, इसका प्रतिबन्ध क्या है?

- (a) $2a^2 = 9bc$
- (b) $2b^2 = 9ac$
- (c) $2c^2 = 9ab$
- (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

59. वास्तविक संख्याओं के एक समुच्चय पर परिभाषित एक सम्बन्ध R , xRy तब और केवल तभी जब $3x + 4y = 5$, के सन्दर्भ में निम्नलिखित पर विचार कीजिए :

1. $0 R 1$
2. $1 R \frac{1}{2}$
3. $\frac{2}{3} R \frac{3}{4}$

उपर्युक्त में से कौन-से सही हैं?

- (a) केवल 1 और 2
- (b) केवल 1 और 3
- (c) केवल 2 और 3
- (d) 1, 2 और 3

60. फलन $f(x) = k \sin x + \frac{1}{3} \sin 3x$ का

अधिकतम मान $x = \frac{\pi}{3}$ पर है। k का मान क्या है?

- (a) 3
- (b) $\frac{1}{3}$
- (c) 2
- (d) $\frac{1}{2}$